

林 竜吾¹⁾, 齋藤 旭¹⁾, 小泉 直也¹⁾ Ryugo HAYASHI, Asahi SAITO, and Naoya KOIZUMI

1) 電気通信大学(〒182-8585 東京都調布市調布ヶ丘 1-5-1, hayashi, asahi@media.lab.uec.ac.jp, koizumi.naoya@uec.ac.jp)

概要: 本研究では、空中像を観察する視点と空中像に対する迷光の位置・変形の関係を調査し、ゲーム エンジン内でそれを再現した。再帰透過光学素子を用いた空中像装置で発生する迷光の位置・変形の把 握を目的として、空中像と迷光のアフィン変換行列をシミュレーションデータから求めた。得られた変 換行列を用いてゲームエンジンで迷光と空中像を描画し、実物と比較してこの妥当性を確認した。 キーワード: 空中像光学素子,迷光,CG

1. はじめに

再帰透過光学素子は光源からの光を光学素子に対して面 対称な位置に結像させる光学素子である。再帰透過光学素 子はその特性から、主に空中像を生成するために用いられ る。再帰透過光学素子は、結像する空中像が再帰性反射材を 用いた空中像よりボケが少ないという利点や、他の光学素 子と組み合わせずに空中像を生成できるという利点がある。

再帰透過光学素子の主な課題として、迷光を生じてしま うことが挙げられる(図1)。迷光は空中像付近に発生し、 空中像と重なる場合がある。このとき迷光はユーザーの空 中像への観察や集中を妨げてしまう。そのため、ユーザー が空中像に集中できるように装置を設計するためには、迷 光の位置・変形の把握が重要である。迷光の位置・変形の 把握のためには、空中像装置を何度も検討し組み立てたり、 複雑な計算を行ったりする必要がある。これらの作業には 多くの労力を要するため、困難である。そこで、迷光がど のような位置にどのような形で発生するかをあらかじめ把 握することができれば、空中像装置の設計時に迷光を考慮 することができ、ユーザーが空中像に集中できる装置の検 討が可能となる。

我々は空中像体験のプロトタイプをする手法として、ゲー ムエンジンを用いて空中像光学素子を再現し、VR 空間内で 空中像体験を設計することを提案する。まず本稿では一般 的なゲームエンジンを用いて迷光の位置・変形をシミュレー ションし、実際の再帰透過光学素子をにより生じる迷光と 比較することとした。

2. 関連研究

2.1 再帰透過光学素子

再帰透過光学素子には Micro Mirror Array Plates (MMAP) や Dihedral Corner Reflector Array (DCRA)[1]、Radially arranged DCRA[5] が挙げられる。本稿では後述するシミュ レーションを用いるため MMAP を対象とした。



図 1: MMAP を用いた光学系で迷光が生じている様子

MMAPは、細い鏡が並べられた Slit Mirror Array (SMA) の構造になっている層が直交するように重ねられた光学素 子である。MMAP 内で 2 回反射した光が MMAP に対し て面対称な位置に結像する。このとき光は 2 つの SMA で 奇数回ずつ反射する。

再帰透過光学素子を用いた空中像装置では迷光が生じる。 2 つの SMA のどちらかまたは両方で偶数回反射した光が迷 光となる。迷光の位置や形は視点や光源の位置関係、光源 の発する光の特性によって変化する。

2.2 シミュレーション

空中像と迷光のシミュレーションとして、いくつかの手 法が提案されている。

MMAP における空中像や迷光の位置をヒートマップで表 現した例がある [2]。この手法では、ヒートマップで表現す ることで空中像や迷光の位置を調査している。しかし、空 中像や迷光がユーザーからどのように見えるかはこのシミュ レーションから再現できない。

Kiuchi ら [3] はレイトレーシング法を用いた MMAP の シミュレーション手法を提案している。レイトレーシング 法は光線を追跡することでレンダリングを行う方法である。 この手法では、MMAP を正確にモデリングし、物理現象に 従って光線を追跡することで、空中像や迷光の見え方を現 実と同様に再現できる。また、Kiuchi らは迷光の形が空中 像を平行移動およびせん断した形であることを確認し、こ れらの両方が行えるアフィン変換で迷光の変形を計算でき るはずだと説明している。

星ら [4] はレイトレーシング法を用いた MMAP のシミュ レーションと画像処理を組み合わせて、空中像が迷光なし に観察できる範囲を調査している。迷光を生成する光と空 中像を生成する光の、MMAP 内での反射回数が異なる点に 注目している。反射回数ごとに光線を分けてレンダリング し、差分を取ることで迷光を自動で検出する手法を提案し ている。

しかし、これらの手法にはリアルタイムな描画が難しい、 迷光の変形のシミュレーションが困難といった課題がある。 CG 環境で空中像とのインタラクションを行うためにはリア ルタイムな視点移動に対応して迷光の位置・変形が再現で きなければならない。また、CG 環境で現実と同様に空中像 装置を検証するには、現実と同様の見え方で迷光を再現す る必要がある。レイトレーシング法を用いたシミュレーショ ンは、現実と同様に迷光の位置・変形が再現できる一方、計 算量が多くレンダリングに時間がかかる。そのため、視点 移動に対してリアルタイムに対応したシミュレーションを 行うことが難しい。

本稿ではアフィン変換行列を用いて迷光の位置・変形を再 現し、VR 空間内で空中像体験を設計することを提案する。 変換行列を用いて迷光の位置・変形を計算することで、迷 光の位置・変形の見え方をリアルタイムに再現し、CG 環境 でインタラクション可能なシミュレーションを可能にする。

3. 提案手法

レイトレーシング法による従来のシミュレーション手法 を用いて、迷光の位置・変形を計測した。計測結果から迷光 の位置・変形の式を定めた。また、Unity で提案手法を実装 した。

3.1 迷光の描画方針

本稿では迷光の空中像に対する変形を計測し、アフィン 変換を用いることで迷光の位置・変形を再現する。迷光の 描画方法として、上下の迷光の各頂点の三次元座標と形状 を全て測定し同様な形状のオブジェクトを配置する方法や、 迷光の空中像に対する変形を計測しシェーダーで変換行列 を用いる方法が挙げられる。迷光の各頂点の三次元座標や 形状をすべて計測するのには多くの労力を要する。そのた め、変換行列を用いることにする。

迷光の位置・変形をシミュレーションするために Unity 2020.3.28f で作成する光学系を図 2 に示す。MMAP に対し て Display と面対称な位置に空中像が結像する。実際は空中 像の位置にはオブジェクトを配置しない。Virtual Camera の Display に対する位置・向きが、視点の空中像に対する位 置・向きと合同になるように Virtual Camera を配置する。 これにより、Virtual Camera の出力は視点からの空中像の 見え方を撮影しているのと同様になる。また、MMAP と同 じ位置に空中像や迷光を表現するための Quad を配置する。



図 2: Unity での構成



図 3: MMAP 部分: (a) 構成; (b) 視域

図2の配置では図1のように、空中像の右上と右下に迷 光が生じる。このとき、右上に生じる迷光を上の迷光、右 下に生じる迷光を下の迷光と呼ぶことにした。上の迷光と 下の迷光では空中像に対する変形が異なるため、それぞれ 異なる行列を用いる。

MMAPは、上の迷光を表示する部分、下の迷光を表示す る部分、空中像を表示する部分、SMAとガラスの部分に分 けて再現する。上下の迷光を表示する部分と空中像を表示 する部分はそれぞれ Quadを用いる。SMAとガラスの部分 は Cubeを板状に配置して表現する。

Virtual Camera の出力になっているレンダーテクスチャ をシェーダーでアフィン変換し、Quad のテクスチャにする ことで空中像および迷光の位置・変形を再現する。空中像と 上の迷光、下の迷光はそれぞれ異なるシェーダーを用いて 描画する。空中像はレンダーテクスチャをそのまま用いて 表現する。上の迷光と下の迷光はそれぞれ異なる変換行列 によりアフィン変換を行うことで位置・変形を表現する。空 中像・迷光が正しい向きで観察できるようにレンダーテクス チャを貼り付ける Quad の法線が視点方向を向くようにす る。迷光を表現する Quad は MMAP を表現する Cube の 1.2 倍の大きさにする。

空中像や迷光などが描画されない範囲は透明になるよう に、シェーダーでクロマキーを実装する。Unity のレイヤー 機能を用いて Virtual Camera は Display のみを撮影する ように設定する。また、Virtual Camera の背景は任意の単 色に設定する。空中像と上下の迷光を描画するシェーダー において Virtual Camera の背景に用いた色でクロマキー を行うようにすることで、Quad の空中像や迷光以外の部 分は透明になるようにする。Virtual Camera の画角は視点 と MMAP の距離を d として、 $2 \arctan(48.8 \times 1.2/2d)$ に 設定した。

MMAP の表面にマスクをかけ、視点から見てマスクと重 なっている領域だけ空中像と迷光を描画するようにシェー ダーを作成することで視域を再現する。現実の空中像装置に おいて、空中像や迷光は視点と MMAP の間にのみ生成さ れる。この視域の制限を再現するために、MMAP の表面に マスクとなる Quad を配置する。視点から見て空中像や迷 光のマスクと重なる部分だけが描画されるようにシェーダー を設定する。これにより現実と同様の視域が再現できる。

3.2 迷光の計測

Blender 内で MMAP と光源を配置し視点となるカメラの 位置を変化させ、各条件でレンダリングを行った。Blender 3.0を利用し、MMAP には Kiuchi ら [3] が作成した MMAP のモデルを用いた。レンダリングには Blender に組み込まれ ている Cycles を用いた。このモデルによるシミュレーショ ンでは空中像・迷光の位置や形が実際の光学系と同様に観 察できる。実際の光学系での計測と比べて、このモデルに よるシミュレーションを用いた計測は、光学系のパラメー タの変更や細かい間隔での計測が容易である、計測誤差が 少なくなる、といった利点がある。

計測の概要を図4に示す。現実での1 cm を Blender で の距離1とした。MMAP は高さおよび幅を $H_m = 97.6$ cm とした。その他のピッチ幅などの MMAP のパラメータは デフォルトの設定のままにした。MMAP-光源間距離 L_d は 15 cm とした。光源は拡散稿を出射する半径 0.75 cm の円 盤で、円の中心間距離が8 cm となるように同一平面上に 正方形に配置した。このとき、4つの円盤を含む平面が YZ 平面に平行になるように配置した。カメラは空中像から距 離 150 cm かつ、XZ 平面に平行な平面上を移動させた。カ メラが移動する平面の、空中像の正面を原点として、z = 0 の条件で x 座標 -90 cm から 90 cm まで 2 cm ごとに 91 点、x=0 の条件で z 座標 -90 cm から 90 cm まで 2cm ごとに 91 点、以上の 2 条件で計 182 点の視点からレンダ リングを行った。この範囲は、空中像に対する視線の方位 角および仰角の、約 -0.54 rad-約 0.54 rad の範囲に相当 する。レンダリング時に、カメラは空中像として結像され る4つの円からなる正方形の中心を常に向くように設定し た。MMAP とカメラの距離を d として、カメラの画角は $2 \arctan(48.8 \times 1.2/2d)$ としてレンダリングした。

各条件において視点-空中像間の距離が一定でない。しか し、視点-空中像間の距離は迷光の位置・変形に影響しないた め、これらは方位角および仰角方向の視点移動とみなせる。 各条件でレンダリングした画像から空中像に対する迷光 の位置・変形を2×3のアフィン変換の変換行列として計



図 4: 測定概要図: (a) 俯瞰して見た様子; (b) 横から見た 様子

測した。OpenCV の connectedComponentsWithStats 関 数を用いて空中像および迷光となった 4 つの円形の像の重 心を求めた。空中像・迷光の 4 つある重心位置のうち 3 つ を用いて、getAffineTransform 関数で空中像に対する迷光 の変形をアフィン変換の変換行列として求めた。これらの 操作を上の迷光と下の迷光のそれぞれについて行った。

3.3 変換行列の定式化

計測した変換行列から迷光の位置・変形の式を定めた。視 点の移動に対する上の迷光の変換行列の変化を行列の要素 ごとに観察し、曲線のフィッティングを行った。 2×3 のア フィン変換行列のうち、i行j列目の要素を要素3(i-1)+jと定めた。

z = 0 の条件で x 座標 –90 cm から 90 cm でレンダリン グしたそれぞれの画像から得た、各視点における変換行列 の 6 つの各要素について、縦軸を要素の値、横軸を空中像 に向けた視線の方位角としてグラフにプロットした。

プロットした点に対して曲線をフィッティングすること で、変換行列の要素ごとに方位角 θ 方向の視点移動に対す る値の変化の式 $f(\theta)$ を求めた。要素 n の式を $f_n(\theta)$ とする と、各要素の式は以下のように求められた。

 $f_1(\theta) = 0.2053\theta^2 - 0.2499\theta + 0.5505 \tag{1}$

 $f_2(\theta) = -0.0142\theta^2 + 0.0022\theta + 0.0314 \tag{2}$

 $f_3(\theta) = -387.8775\theta^2 + 483.2539\theta + 720.035$ (3)

$$f_4(\theta) = 2.1485\theta^3 + 1.9065\theta^2 + 1.1994\theta + 0.6674 \quad (4)$$

 $f_5(\theta) = 0.016\theta^2 + 0.0154\theta + 0.9777 \tag{5}$

 $f_6(\theta) = -3148.12\theta^3 - 2926.41\theta^2 - 2058.05\theta - 1080.5 \quad (6)$

アフィン変換行列の各要素の値について、グラフにプロッ トし上記の曲線をフィッティングした結果を図5に示す。方 位角方向の視点移動における x 座標 -90 cm から -88cm、 -42 cm から -32cm、62 cm から 90 cm の範囲のレンダリ ング結果では、getAffineTransform 関数に必要な数の頂点 座標が計測できなかった。また、仰角方向の視点移動につ いて、上の迷光については z 座標 74 cm から 90cm、下の 迷光については -90 cm から -74 cm の範囲のレンダリン グ結果で、getAffineTransform 関数に必要な数の頂点座標



図 5: アフィン変換行列の各要素の値の変化: (a) 要素 1; (b) 要素 2; (c) 要素 3; (d) 要素 4; (e) 要素 5; (f) 要素 6

が計測できなかった。そのため、これらの範囲はプロット から除いた。

x=0 の条件で z 座標 90 cm から 90 cm でレンダリング した各画像についても同様の操作を行った。仰角方向の視 点移動についても式が求められた。また、下の迷光につい ても同様の操作を行い、方位角方向および仰角方向の視点 移動に対する値の変化の式を求めた。

求めた空中像に対する方位角方向の視点移動に関する式 $f(\theta)$ と仰角方向の視点移動に関する式 $g(\phi)$ を組み合わせ て、空中像に対する任意の視点位置 (θ,ϕ) に対するアフィン 変換行列の各要素の値 $h(\theta,\phi)$ を以下の式に定めて実装した。

$$h(\theta,\phi) = f(0)\frac{f(\theta)}{f(0)}\frac{g(\phi)}{g(0)} \tag{7}$$

4. 結果

定めた各要素の式を用いて、迷光の位置・変形を Unity で実装した。Unity でシミュレーションした結果と実機での 空中像・迷光の観察結果を比較した。迷光が観察できる条 件と、迷光が隠されて空中像のみが観察できる条件で撮影 した。計4通りの条件で比較した。結果を図6に示す。

5. 考察

アフィン変換行列の各要素のフィッティングには改善の余 地がある。提案手法では計測した結果から曲線を求めてい る。そのため、空中像の飛び出し距離 *L*_d が変化した際の曲 線の変化が推測できない。空中像や迷光の結像の原理から 曲線を求めることで、より正確で様々な条件に対応した曲 線のフィッティングが行えると考えられる。

今後の展望として、空中像の飛び出し距離の変化に対す



図 6: Unity と実機の比較: (a) 実機で迷光が観察できる 条件;(b) 実機で迷光が隠された条件;(c)Unity で迷光が観 察できる条件;(d)Unity で迷光が隠された条件

る迷光の位置・変形の再現が挙げられる。本稿では空中像の飛び出し距離 L_d を 15 cm に固定して考えたが、実際の空中像装置では L_d が変化すると迷光の位置・変形も変化することが知られている。L_d の変化にも対応した式を定めることで、より汎用性の高いシミュレーションが行える。

6. むすび

本論文ではゲームエンジンを用いて空中像光学素子を再 現し、VR 空間内で空中像体験を設計することを提案した。 空中像に対する迷光の位置・変形をアフィン変換の変換行 列で計測し、視点移動に対する変換行列の各要素の変化の 式を定めることで、リアルタイムにインタラクション可能 なシミュレーションを可能にした。

謝辞 本研究は、JST 創発的研究支援事業 JPMJFR216L の 支援を受けたものです。

参考文献

- Satoshi Maekawa, et al.: Transmissive optical imaging device with micromirror array, Three-Dimensional TV, Video, and Display V, Vol. 6392, pp. 130–137, 2006.
- [2] 山本裕紹他:"空中ディスプレイの開発と応用展開",シー エムシー出版, pp. 35–45, 2018.
- [3] Shunji Kiuchi, et al.: Simulating the appearance of mid-air imaging with micro-mirror array plates, Computers & Graphics, Vol. 96, pp. 14–23, 2021.
- [4] Ayami Hoshi, et al.: Design a midair image system without stray light, The 25th Annual Conference of the Virtual Reality Society of Japan, 2B3-1, 2020.
- [5] Yuta Yoshimizu et al.: Radially arranged dihedral corner reflector array for wide viewing angle of floating image without virtual image, Optics Express 27, pp. 918–927, 2019.